

La cinématique est l'étude des mouvements des corps indépendamment des causes les produisent :

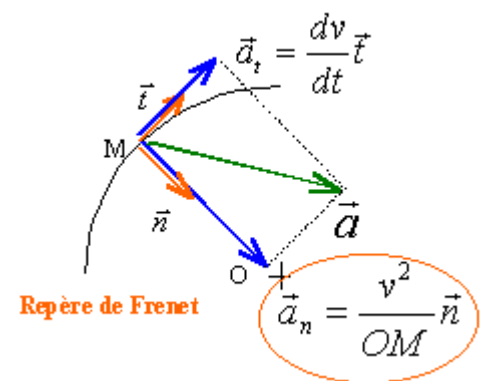
➤ Repérage d'un point :

- Coord. Cartésiennes.
- Coord. Cylindriques (coord. polaires).
- Coord. Sphériques.
- Coord. Curvilignes.

L'abscisse curviligne est définie par :  $\left| \begin{array}{l} dS = \|d\overline{OM}\| \\ V = \frac{dS}{dt} \rightarrow S = \int_0^t V dt + S_0 \end{array} \right.$

\*Base de Frenet :

- $\vec{e}_t$  : vecteur tangentielle  $\vec{e}_t = \frac{d\overline{OM}}{dS}$  ( $\vec{e}_t = \frac{\vec{v}}{V}$ ).
- $\vec{e}_n$  : vecteur normale  $\frac{d\vec{e}_t}{dS} = \frac{\vec{e}_n}{R}$  (R : rayon de courbure).
- $\vec{e}_b$  : vecteur binomiale  $\vec{e}_b = \vec{e}_t \wedge \vec{e}_n$  ( $\frac{d\vec{e}_b}{dS} = \frac{\vec{e}_n}{T}$ ) (T : la torsion).



➤ Vitesse d'un point :  $\vec{V}(M/R) = \left. \frac{d\overline{OM}}{dt} \right)_R$ .

- En coord. Cartésiennes :  $\vec{V}(M/R) = \dot{x}\vec{e}_x + \dot{y}\vec{e}_y + \dot{z}\vec{e}_z$  ou  $\vec{V}(M/R) = \left. \begin{array}{c} \dot{x} \\ \dot{y} \\ \dot{z} \end{array} \right)_R$
- En coord. Cylindriques :  $\vec{V}(M/R) = \dot{r}\vec{e}_r + r\dot{\theta}\vec{e}_\theta + \dot{z}\vec{e}_z$   
ou  $\vec{V}(M/R) = \left. \begin{array}{c} \dot{r} \\ r\dot{\theta} \\ \dot{z} \end{array} \right)_{(\vec{e}_r, \vec{e}_\theta, \vec{e}_z)}$
- En coord. Polaires :  $\vec{V}(M/R) = \left. \begin{array}{c} \dot{r} \\ r\dot{\theta} \end{array} \right)_{(\vec{e}_r, \vec{e}_\theta)}$
- En coord. Curvilignes (coord. Intrinsèques) :  $\vec{V} = V\vec{e}_t$  avec  $V = \frac{dS}{dt}$ .

➤ Accélération d'un point :

- En coord. Cartésiennes :

$$\vec{a}(M/R) = \left. \begin{array}{c} \ddot{x} \\ \ddot{y} \\ \ddot{z} \end{array} \right)_R$$

- En coord. Cylindriques :

$$\vec{a}(M/R) = \left. \begin{array}{c} \ddot{r} - r\dot{\theta}^2 \\ 2\dot{r}\dot{\theta} + r\ddot{\theta} \\ \ddot{z} \end{array} \right)_{(\vec{e}_r, \vec{e}_\theta, \vec{e}_z)}$$

- En coord. Polaires :

$$\vec{a}(M/R) = \left. \begin{array}{c} \ddot{r} - r\dot{\theta}^2 \\ 2\dot{r}\dot{\theta} + r\ddot{\theta} \end{array} \right)_{(\vec{e}_r, \vec{e}_\theta)}$$

- En coord. Curvilignes (coord.

Intrinsèques) :  $\vec{a} = \frac{dv}{dt}\vec{e}_t + \frac{v^2}{R}\vec{e}_n$ .